

Un dado e' stato truccato di modo che la probabilita' che si presenti un sei e' pari a un dodicesimo . Quante volte si dovra' lanciare questo dado affinche' la probabilita' di ottenere almeno un 6 sia maggiore della probabilita' di non ottenerlo ?

la probabilita' che in un singolo lancio del dado truccato si presenti la faccia 6 e' $P\{A\} = \frac{1}{12}$

$$P_n(k, p) = \binom{n}{k} p^k q^{n-k} \text{ dove } q = (1 - p) = \left(1 - \frac{1}{12}\right) = \frac{11}{12}$$

per l'assioma di normalizzazione la probabilita' di ottenere almeno un sei in n lanci del dado sara' pari ad uno meno la probabilita'

di non ottenerlo affatto \rightarrow la probabilita' di **non** ottenere mai un sei in n lanci del dado e' $P_n\left(0, \frac{1}{12}\right) = \binom{n}{0} \left(\frac{1}{12}\right)^0 \left(\frac{11}{12}\right)^{n-0}$

$$\binom{n}{0} = \frac{n!}{0!(n-0)!} = \frac{n!}{n! \cdot 0!} \text{ ma } 0! = 1! = 1 \Rightarrow \binom{n}{0} = 1$$

dunque la probabilita' di **non** ottenere mai un sei in n lanci del dado truccato e' $1 \cdot 1 \cdot \left(\frac{11}{12}\right)^n = \left(\frac{11}{12}\right)^n \Rightarrow P_n\left(0, \frac{1}{12}\right) = \left(\frac{11}{12}\right)^n$

in conclusione occorrera' determinare il valore minimo di n

tale per cui si abbia $P_n\left(0, \frac{1}{12}\right) < \frac{1}{2}$ ossia $\left(\frac{11}{12}\right)^n < \frac{1}{2} \Rightarrow$

n	p	$q=(1-p)$	q^n
1	0.083	0.917	0.917
2			0.840
3			0.770
4			0.706
5			0.647
6			0.593
7			0.544
8			0.499

$\Rightarrow n = 8$